

平成21年度 (2009年度)
センター試験 数学② 情報関係基礎 <<解説>>

第1問(必答問題)
問1 a

この問にはおよそ2通りの解法がある。

【解法1】2進数を10進数に変換し、10進数同士の計算を行う。

$$\begin{array}{r} 2進数 \\ 11\ 1111 \end{array} \Rightarrow \begin{array}{r} 10進数 \\ 6\ 3 \end{array}$$

$$63 - 31 = 32$$

【解法2】10進数を2進数に変換し、2進数同士の計算をした後、10進数に変換する。

$$\begin{array}{r} 10進数 \\ 3\ 1 \end{array} \Rightarrow \begin{array}{r} 2進数 \\ 1\ 1111 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1 \\ -) 1\ 1\ 1\ 1\ 1\ 1 \\ \hline \end{array}$$

$$1\ 0\ 0\ 0\ 0\ 0 \Rightarrow \begin{array}{r} 10進数 \\ 3\ 2 \end{array}$$

(答) アイ … 3 2

b 具体例を用いて考える。任意の8桁の2進数の最大は1111 1111であり、16進数で表すとFFとなる。したがって、任意の8桁の2進数は、2桁の16進数ですべて表すことができる。

(答) ウ … 2

c 具体例を用いて考える。各桁が同じ2桁の16進数で最小の数の11を考える。まず16進数の11を10進数に変換する。

$$\begin{array}{r} 16進数 \\ 1\ 1 \end{array} \Rightarrow \begin{array}{r} 2進数 \\ 0001\ 0001 \end{array} \Rightarrow \begin{array}{r} 10進数 \\ 1\ 7 \end{array}$$

17は素数(1とその数以外に約数がない正の整数)なので、各桁が同じである2桁の16進数で表される数は、17の倍数となる。

(答) エオ … 1 7

d 三原色それぞれの明るさを2ビットで表した場合、

$$2^2 \times 2^2 \times 2^2 = 64 (=2^6)$$

となり最大で64色を表すことができる。この逆の手順で4096色を表すことができる三原色のビット数を考える。上と同様の式で表すと、

$$2^x \times 2^x \times 2^x = 4096 (=2^{12})$$

となる。4096は 2^{12} なので、指数法則($a^m \times a^n = a^{m+n}$)より添字部分は、

$$\begin{aligned}x + x + x &= 12 \\3x &= 12 \\x &= 4\end{aligned}$$

となるため、最大で4096色を表すには三原色それぞれの明るさを4ビットで表わせればよい。

(答) … 4

- e 1バイト=8ビットより、1画素の情報=32ビット=4バイトとなる。
1Kバイト=1024バイト、1Mバイト=1024Kバイトより、横1024個、縦768個の画素で構成された画像は、

$$\frac{1024}{\text{横}} \times \frac{768}{\text{縦}} \times \frac{4}{\text{バイト/画素}} \div \frac{1024}{\text{Kバイトに変換}} \div \frac{1024}{\text{Mバイトに変換}} = 3$$

となり3Mバイトとなる。

また1秒間に30枚表示して再生される動画を4秒間録画した場合は、

$$\frac{3}{\text{Mバイト/枚}} \times \frac{30}{\text{枚数/秒}} \times \frac{4}{\text{録画秒数}} = 360$$

となり360Mバイトとなる。

(答) … 3 … 3 6 0

- 問2 a 問題が示すのは、①補数 の説明である。

(答) … 1

- b 問題が示すのは、⑩文字コード の説明である。文字コードには、ASCIIコードやJISコード、Unicodeなどが存在する。

(答) … 0

- c 問題が示すのは、①標本化 (サンプリング) の説明である。

(答) … 1

- d 問題が示すのは、②ベクタ (ベクトル表現) の説明である。

(答) … 2

- e 問題が示すのは、⑤圧縮 の説明である。その逆の操作を解凍という。また圧縮には圧縮する前のデータを完全に復元できる可逆圧縮と、完全には復元できない非可逆圧縮が存在する。

(答) … 5

・ の解答群のその他の選択肢

- ②**素数**：素数とは1とその数以外に約数がない正の整数。
③**浮動小数点数**：浮動小数点数とはコンピュータ上で数値を扱う場合に用いられる表現の一つで、「仮数部」，「指数部」などで表現し、実数の近似値を表現する。
④**フォント**：フォントとは文字をコンピュータで表示したり印刷したりする際の文字の形。
⑤**QRコード**：QRコードとは小さな正方形の点を並べ、多くの情報を詰め込むことができる2次元コード。

ス ～ **ソ** の解答群のその他の選択肢

- ①伸張：伸張とは圧縮されたファイルを元の状態に戻す作業。＝解凍
 ③解像度：解像度とはディスプレイの表示能力やプリンタの印刷能力などにおける画素の密度を示す数値。
 ④D/A変換：D/A変換とはデジタル信号をアナログ信号に変換すること。⇔A/D変換
 ⑥ラスタ表現：ラスタ表現とは画像を色のついた点の羅列で表現すること。
 ⑦アナログ表現：アナログ表現とは情報を連続的な物理量で表現すること。⇔デジタル表現

問3 a 図1 文字とパターンの対応を元に、左から順に読み取ると、④have*a*nice*day となる。

(答) **タ** … 4

b sakurasaku!に対応する模様を表すと12列目以降は*に対応するパターンで埋まるため、解答群は左端が*となっている④、⑤、⑥、⑦に絞ることができる。次に解答群④、⑤、⑥、⑦の末尾の文字を見ると、それぞれ!, x, s, jとなっている。この末尾は模様を180度回転させる前のsに対応する文字である。したがってsの模様を180度回転させると、その模様はjに対応する。よってsakurasaku!の模様を180度回転させた模様を認識すると、先頭が*で末尾がjの⑦*****xfkajarfkajとなる。

(答) **チ** … 7

c ①～④の解答群をそれぞれ正誤判断する。
 ①：文字列の11個目は、21列のタイル状の模様のちょうど中央となり、模様を180度回転させても位置は変わらず中央である。模様の向きが正しければ!を読み取り、xが読み取られた場合は模様の向きが誤りであるとわかる。中央を必ず!と決めておけば、この案単独で模様の向きを認識することができる。
 ②：文字数が:を含め21文字で、かつ左端も:だった場合、模様の向きを検出することはできない。
 ③：文字列を20文字以下に制限することで、模様の右端は必ず*となる。「文字列の左端に*を使うことを禁止する」案と併用すれば、模様の向きを検出することができる。
 ④：文字列が21文字だった場合、模様の向きを検出することはできない。

(答) **ツ** … 0 **テ** … 3

第2問(必答問題)

問1 a

ある項目がある値に一致する受注情報を検索するには、**項目名=値**とするので、受注日が4月26日の受注情報を検索する場合の検索式は、

受注日 ③ = 4/26

となる。

(答) … 3

b

まず二つの検索式の両方が成り立つ受注情報を検索するには**AND**を用いる。次に検索式が成り立たない受注情報を検索するには**NOT**を用いる。問題では商品Yの検索と受注先がC以外の検索の二つの検索式を検索するので

①AND (②NOT (受注先 = C) , 商品 = ③Y)

となる。

(答) … 0 … 2 … 9

c

ド・モルガンの法則に次のような定理がある。(各論理記号は論理和 \vee 、論理積 \wedge 、否定 \neg)

$$\neg(A \wedge B) = \neg A \vee \neg B$$

この定理に従うと、**NOT(AND(個数 \geq 5, 個数 \leq 10))**は**OR(NOT(個数 \geq 5), NOT(個数 \leq 10))**となる。しかし問題文の記述には**NOT**は含まれていないため、**NOT**を使わないで表す必要がある。**個数 \geq 5**の否定は**個数 $<$ 5**、**個数 \leq 10**の否定は**個数 $>$ 10**なので、

OR(個数 ⑤ $<$ 5, 個数 ④ $>$ 10)

となる。

(答) … 5 … 4

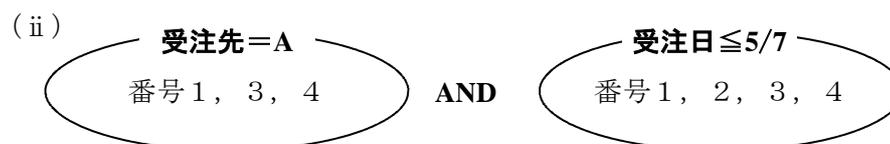
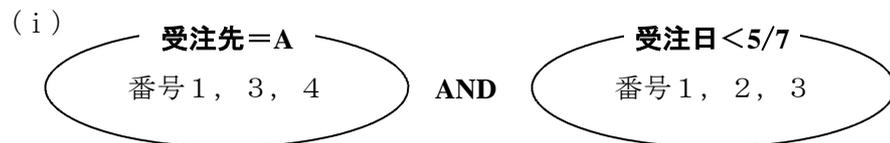
d

検索式には受注先と受注日の項目が含まれているが、それぞれを分けて考える。まず**受注先=A**は番号1, 3, 4が該当する。次に**受注日 5/7**のには、検索結果 番号1, 3より**⑤ $<$** か**⑦ \leq** が入るのでその両者を考える。**受注日 $<$ 5/7**は番号1, 2, 3が該当し、**受注日 \leq 5/7**は番号1, 2, 3, 4が該当する。いままでのことを図に表すと以下のような組み合わせになる。ここで、受注先と受注日を**OR**で検索すると、その結果は番号1, 3のみにはならないので、必然的に**AND**となる。

以下の図から答えを導き出すと、(i)は番号1, 3となり、(ii)は番号1, 3, 4となるので、検索結果が番号1, 3となるのは(i)とわかり

①AND (受注先=A, 受注日 ⑤ $<$ 5/7)

となる。



(答) … 0 … 5

問2

各検索式を一つずつ考えて、確定していく事実をもとに空欄を埋めていく。

まず**検索式P**について考える。

検索式Pは一番大きなくくり**にAND**を用いているので、検索結果はその中の二つの検索式の両方を満たしていることになる。また**NOT(OR(商品=Y, 商品=Z))は商品=X**と同義である。したがって検索結果 番号1, 2より、確定する事実は **ケ** は①B, **サ** はB以外, **コ** は③X, **シ** はX以外とわかる。

(答) **ケ** … 1 **コ** … 3

次に**検索式Q**について考える。

検索式Qも一番大きなくくり**にAND**を用いているので、検索結果はその中の二つの検索式の両方を満たしていることになる。また**NOT(受注先=C)**は**OR(受注先=A, 受注先=B)**と同義である。したがって検索結果 番号1, 2, 4, 5より、確定する事実は **サ** は**検索式P**よりB以外と確定していたので④A, 番号5の受注日は5/14以前ではないので **シ** は⑤Z とわかる。

(答) **サ** … 0 **シ** … 5

問3

各検索式を一つずつ考えて、確定していく事実をもとに空欄を埋めていく。

(a)をAと仮定した場合、**検索式R**での検索結果は番号1と2の2件となり、(b), (c)の組合せは、**受注先A**以外または**商品Y**以外とわかる。また**検索式S**での検索結果は番号3の1件となり、(b)は**受注先B**, (c)は**商品Y**以外とわかる。以上より、(b)は**受注先B**で確定したので、(b), (c)の組合せは③B, X または⑤B, Z となる。

(答) **ス** ・ **セ** … 3 ・ 5

(a)をBと仮定した場合、**検索式R**での検索結果は番号2, 3の2件となり、(b), (c)の組合せは、④A, Xとわかる。

(答) **ソ** … 0

(a)をCと仮定した場合、**検索式R**での検索結果は番号2, 3の2件となり、(b), (c)の組合せは、④A, Xとわかる。しかし**検索式S**での検索結果は番号3の1件となり、(b)は**受注先B**, (c)は**商品Y**以外とわかる。つまり(a)をCと仮定すると**検索式R**と**検索式S**の検索結果の整合性が成り立たなくなるため、(a)はCになりえない。したがって(a), (b), (c)の組合せの総数は、(a)をAと仮定した場合が2通り、Bと仮定した場合が1通り、Cと仮定した場合が0通りの計3通りとなる。

(答) **タ** … 3

検索結果が**検索式R**では2件、**検索式S**では0件のとき、上と同様に(a)をそれぞれA, B, Cと仮定して(a), (b), (c)の組合せを考えると、その組合せは以下の7通りとなる。

{ (a) (b) (c) } = { AAY, AAZ, ABY, ACX, ACY, ACZ, CAX }

(答) **チ** … 7

第3問(選択問題)
問1

ア ~ キ について考える。

番号3に次いで、0の値に対応する番号で、最も小さい番号は、表3より5とわかる。

番号5に次いで、0の値に対応する番号で、最も小さい番号は、表3より7とわかる。

最後に書き換えが行われるのは、表4より97, 98, 99のいずれかだとわかる。このうち番号98と99の値は空欄となっているので素因数分解すると、

$$98 = 2 \times 7 \times 7$$

$$99 = 3 \times 3 \times 11$$

となり、番号98の値は7, 番号99の値は11となる。したがって最後に書き換えが行われるのは97とわかる。

(答) ア … 5 イ … 7 ウエ … 9 7

オ … 7 カキ … 1 1

問2

ク ~ シ について考える。

図1および図2は問1の手順を手続き化したものであり、図1は手順(a), 図2は手順(b), (c)に対応する。

まず手順(b)では0の値に対応する番号の最も小さい番号をnとして、nの倍数の番号に対応する値の欄を、すべてnに書き換えていたので(05)は、

$$\text{もし } \text{Yakusu}[i] = \textcircled{0}0 \text{ ならば}$$

となるので ク は $\textcircled{0}0$ となる。

nに書き換えるのはnから100までの間の、nの倍数の番号に対応する値の欄なので(07)は、

$$J \leq \textcircled{3}100 \text{ の間,}$$

となるので ケ は $\textcircled{3}100$ となる。

(07)から(10)の繰り返し処理は、nの倍数の番号に対応する値の欄を、すべてnに書き換える処理なので、配列Yakusuの添字jはnの倍数すなわち図2ではiの倍数である必要がある。したがって(09)は、

$$j \leftarrow \textcircled{8} j + i$$

となるので コ は $\textcircled{8} j + i$ となる。

(答) ク … 0 ケ … 3 コ … 8

配列Yakusuの添字と要素が一致しているものが素数となり、印刷するので(14)は、

$$\text{もし } \text{Yakusu}[i] = \textcircled{5} i$$

となるので サ は $\textcircled{5} i$ となり、(15)は、

$$\textcircled{5} i \text{ を印刷する}$$

となるので シ は $\textcircled{5} i$ となる。

(答) サ … 5 シ … 5

問3

ス ~ **ツ** について考える。

問1の **オ** や **カキ** からわかる通り、配列Yakusuには素因数分解した素数のうち最も大きい素数が入っている。したがって **ス** は①最も大きい素数 となる。

図4の100を素因数分解する手続きをわかりやすいように具体例を用いて考える。第3問の冒頭に例として42の素因数分解が載っているのをこれを用いる。問題の例示より42は素因数分解すると

$$42 = 2 \times 3 \times 7$$

となる。

配列Yakusuには最も大きい素数が入っているの、この場合はYakusu[42]に7が入っている。次に両辺をその7で割ると以下のようになり、7の次に小さい素数は3であるとわかる。

$$6 = 2 \times 3$$

同様に両辺を3で割ると以下のような。

$$2 = 2$$

以上のことを判別表とあわせて図に表すと以下のようなになる。

	6 ÷ 3		42 ÷ 7			
番号	2	...	6	...	42	...
値	2	...	3	...	7	...

以上の手順を手続き化すると、図4の(14)は、1とその数自身以外に約数をもたない数という素数の定義より、

① $k > 1$ の間、

となるので **セ** は① $k > 1$ となり、(16)は

$k \leftarrow$ ③ $k / \text{Yakusu}[k]$

となるので **ソ** は③ $k / \text{Yakusu}[k]$ となる。

(答) **ス** ... 1 **セ** ... 0 **ソ** ... 3

図4の手順で100を素因数分解すると(15)、(16)はそれぞれ以下のように変化する。

[k = 100のとき] (15) Yakusu[100]を印刷 → 5
 (16) $k \leftarrow k \div \text{Yakusu}[100]$ → $100 \div 5 = 20$

[k = 20のとき] (15) Yakusu[20]を印刷 → 5
 (16) $k \leftarrow k \div \text{Yakusu}[20]$ → $20 \div 5 = 4$

[k = 4のとき] (15) Yakusu[4]を印刷 → 2
 (16) $k \leftarrow k \div \text{Yakusu}[4]$ → $4 \div 2 = 2$

[k = 2のとき] (15) Yakusu[2]を印刷 → 2
 (16) $k \leftarrow k \div \text{Yakusu}[2]$ → $2 \div 2 = 1$

したがって変数kの値は

$$100 \rightarrow 20 \rightarrow 4 \rightarrow 2 \rightarrow 1$$

と変化し、行(15)は4回実行される。

(答) **タチ** ... 20 **ツ** ... 4

第4問(選択問題)
問1

ア ~ **オ** について考える。

表1のC5番地は、勾配1/12の直進スロープ距離1を表示するセルである。図1を見ると、1は $k+1.5$ [m] だとわかる。問題に書かれているとおり、 k は「勾配の逆数× h 」なので、

$$1 = \text{勾配の逆数} \times h + 1.5$$

となる。したがってC5番地は、

$$B5 * C2 + 1.5$$

となる。ここでC5番地はセル範囲D5~G5とC6~G6に複写するので、B5の列を固定するために列番号の前に\$を付け、C2の行を固定するために行番号の前に\$を付け、

$$\textcircled{2} \$B5 * \textcircled{1} C\$2 + \textcircled{6} 1.5$$

とする。

(答) **ア** … 2 **イ** … 1 **ウ** … 6

表1のC7番地は、勾配1/12の平行スロープ距離 n を表示するセルである。図2を見ると、 n は $k+1.5+1.5$ [m] だとわかる。このとき、 $k+1.5$ は上で計算した勾配1/12の直進スロープ距離1と同じなので、C7番地は勾配1/12の直進スロープ距離1のC5番地を参照して、

$$\textcircled{4} C5 + \textcircled{6} 1.5$$

と表すことができる。ここでC7番地はセル範囲D7~G7に複写するが、C5は相対的に参照するため列番号の前に\$を付けてはならない。

(答) **エ** … 4 **オ** … 6

問2

カ ~ **サ** について考える。

表2のC8番地は、勾配1/12の直進スロープが設置できるかを表示するセルである。勾配1/12の直進スロープの二つの設置条件についてC8番地をもとにそれぞれ具体的に考えると、

・設置検討スペースにおける i が、勾配1/12の直進スロープ距離1以上

$$\rightarrow C3 \geq C5$$

・設置検討スペースにおける j が、スロープの幅(1.5m)以上

$$\rightarrow C4 \geq 1.5$$

となる。二つの条件を両方満たす場合にのみ設置できるためC8番地は、

$$IF (\textcircled{0} AND (\textcircled{0} C3 \geq C5, \textcircled{2} C4 \geq 1.5),$$

“設置可”, “”)

となる。ここでC8番地はセル範囲D8~G8に複写するが、C3やC4、C5は相対的に参照するため列番号の前に\$を付けてはならない。

(答) **カ** … 0 **キ** … 0 **ク** … 2

表2のC9番地は、勾配1/8の直進スロープが設置できるかを表示するセルであり、条件は追加されているが考え方は勾配1/12の直進スロープと同様である。既存の条件のうち「勾配1/12の直進スロープ距離1以上」は「勾配1/8の直進スロープ距離1以上」に変わり参照するセルはC6となるのでC9番地は、

$$IF (AND (C2 \leq 0.16, \textcircled{2} C3 \geq C6,$$

C4 \geq 1.5), “設置可”, “”)

となる。ここでC 9番地はセル範囲D 9～G 9に複写するが、C 3やC 6は相対的に参照するため列番号の前に\$を付けてはならない。

(答) … 2

表2のC 10番地は、勾配1/12の平行スロープが設置できるかを表示するセルである。勾配1/12の平行スロープの二つの設置条件についてC 10番地をもとにそれぞれ具体的に考えると、

- ・ 設置検討スペースにおけるiが、スロープの幅(1.5m)以上
→ $C 3 \geq 1.5$
- ・ 設置検討スペースにおけるjが、勾配1/12の平行スロープ距離n以上
→ $C 4 \geq C 7$

となる。二つの条件を両方満たす場合にのみ設置できるためC 10番地は、

$IF (AND (@C 3 \geq 1.5, @C 4 \geq C 7),$
“設置可”, “”)

となる。ここでC 10番地はセル範囲D 10～G 10に複写するが、C 3やC 4、C 7は相対的に参照するため列番号の前に\$を付けてはならない。

(答) … 0 … 8

問3

～ について考える。

表3のB 2番地は、表2のセル範囲C 8～C 10を参照し、“設置可”が表示されている一番上のセルに対応するスロープの種類(セル範囲A 8～A 10)を表示するセルである。PICKUP関数は問題の最終ページの【使用する表計算ソフトウェアの説明】に書かれている通り、

PICKUP(セル範囲1, 式, セル範囲2)

であるのでB 2番地は、

PICKUP(距離計算表!C 8～C 10, “設置可”,
距離計算表!A 8～A 10)

となる。ここでB 2番地はセル範囲C 2～F 2に複写するので、A 8～A 10の列を固定するために列番号の前に\$を付け、

PICKUP(②距離計算表!C 8～C 10, “設置可”,
①距離計算表!\$A 8～\$A 10)

とする。

このとき、表3のD 2番地には、表2のセル範囲E 8～E 10で一番上に“設置可”が表示されている①勾配1/12の直進スロープが、F 2番地には、表2のセル範囲G 8～G 10で一番上に“設置可”が表示されている③勾配1/12の平行スロープが表示される。また問題の最終ページの【使用する表計算ソフトウェアの説明】には、PICKUP関数において「等しい値のセルがない場合は文字列“エラー”を返す。」と書いてあるので、表2のセル範囲F 8～F 10で1つも“設置可”が表示されていないE 2番地には④エラーと表示される。

(答) … 2 … 1 … 1

… 4 … 3

表3のB 2番地に“エラー”と表示する代わりに“代替案要検討”と表示する計算式にするには、 の解答群を見るとCOUNTIF関数を用いることがわか

る。COUNTIF関数は問題の最終ページの【使用する表計算ソフトウェアの説明】に書かれている通り、

COUNTIF (セル範囲, 式) : セル範囲中で式と等しい値を持つセルの数を求める。

なので、“設置可”の表示が0のときに、“代替案要検討”と表示するばいい。したがってB2番地は、

IF (⑤COUNTIF (距離計算表!C8~C10, “設置可”) = 0, “代替案要検討”, PICKUP (距離計算表!C8~C10, “設置可”, 距離計算表!\$A8~\$A10))

となる。ここでB2番地はセル範囲C2~F2に複写するが、C8~C10は相対的に参照するため列番号の前に\$を付けてはならない。

(答) チ … 5